

2012年度 解析 I
再試験

- 注意：計算過程も記述せよ。途中の計算が著しく省かれている場合減点の対象になることがあるので注意すること。

1 以下の極限を求めよ。

$$(1) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cosh 3x - 1}{\cos 3x - 1}.$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sinh(\log 4x)}{\log(4 \sinh x)}.$$

2 次の整級数の収束半径を求めよ。

$$(1) \sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n+3}{2^n+3} x^n.$$

$$(2) \sum_{n=0}^{\infty} \left(\tan^{-1} \frac{3^n}{7^n} \right) x^n.$$

3 次の積分を計算せよ。

$$(1) \int_0^1 x \sin^{-1} x dx.$$

$$(2) \int_1^{+\infty} \frac{5x+6}{x^3+3x} dx.$$

4 実数列 $\{a_n\}_{n=1}^{\infty}$ を次のものとする。

$$a_n = \frac{(-1)^n}{n^2 + (-1)^n \cdot 2n}, \quad n = 1, 2, \dots$$

このとき、級数 $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ は収束することを示せ。