

2010年度 解析 I

小テスト No.2

- 注意：計算過程も記述せよ。途中の計算が著しく省かれている場合減点の対象になることがあるので注意すること。

1 以下の極限を求めよ。

$$(1) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{x^2} - \cos x}{\log(1+x) - x}.$$

$$(2) \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\log(\cosh x)}{\cosh(\log x)}.$$

2 次の整級数の収束半径を求めよ。

$$(1) \sum_{n=0}^{\infty} \binom{3n}{2n} x^n, \text{ ただし, } \binom{\alpha}{n} \text{ } (\alpha \text{ は実数, } n \text{ は非負整数) \text{ は 2 項係数とする.}$$

$$\binom{\alpha}{n} = \begin{cases} \frac{\alpha(\alpha-1)\cdots(\alpha-n+1)}{n!}, & n \geq 1, \\ 1, & n = 0. \end{cases}$$

$$(2) \sum_{n=1}^{\infty} \left(\sin \frac{\pi}{5^n} \right) x^n.$$