

2013年度

* ○ * ○ * ○ * 数学基礎演習 I * ○ * ○ * ○ *

No. 3

2013年4月25日実施

1 \mathbb{N} の「任意の空でない部分集合には最小元が存在する」という性質を使って、次の命題を示せ。

- 順序同型写像 (順序を保つ全単射) $f : \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z}$ にたいして、整数 k があって、 $f(x) = x + k (x \in \mathbb{Z})$ となる。

2 A は 4 次の複素正方行列で、 A の固有多項式は $F_A(x) = (x - \alpha)^4$ の形とする。このとき、 A の最小多項式 $\varphi_A(x)$ はどのような形の可能性があり、それぞれの $\varphi_A(x)$ に対して A の Jordan 標準形はどのような形の可能性があるか、具体的にすべて与えよ。ただし、Jordan 標準形は、Jordan 細胞を並び替えて一致するものは同じとみなす。

3 \mathbb{R}^2 の部分集合 A を図示し、次の重積分を計算せよ。

$$\iint_A \frac{1}{x^2 - 2x + 4y^2 + 4} dx dy, \quad A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid x^2 - 2x + 4y^2 \leq 0\}.$$